

## АНАЛИЗ ДЕМОГРАФИЧЕСКОГО СОСТОЯНИЯ РЕГИОНА МЕТОДАМИ СИСТЕМНОЙ ДИНАМИКИ

**А.Г. Палей, Г.А. Поллак (Челябинск)**

Авторами проведен анализ и выявлены социально-экономические факторы, влияющие на демографическое состояние региона, а также выполнено прогнозирование показателей рождаемости и смертности с использованием результатов, приведенных в работах [1, 2].

В общем виде соотношение, описывающее эволюцию численности населения, имеет вид:

$$P_1 = P + BR - DR, \quad (1)$$

где  $P_1$  – численность населения каждый последующий год,  $P$  – численность населения за предыдущий год;  $BR$  – темп рождаемости, количество человек, родившихся за год;  $DR$  – темп смертности, количество человек, умерших за год.

В разработанной модели рассматривается численность постоянного населения региона, поэтому миграционные процессы во внимание не принимаются.

Для определения факторов, влияющих на рождаемость и смертность, была взята выборка социально-экономических факторов по Челябинской области за 2000-2014 годы [3]:  $x_1$  – жилплощадь, приходящаяся на 1 чел.,  $x_2$  – общее количество выбросов вредных веществ в атмосферу,  $x_3$  – расходы на медицину,  $x_4$  – потребление алкоголя,  $x_5$  – доходы на душу населения,  $x_6$  – средний прожиточный минимум,  $x_7$  – количество прерываний беременности.

Темп рождаемости (чел/год)  $BR$  вычисляется по следующей формуле:

$$BR = P \times BRN \times BRNM \times BRNV \times BRNR \times BRND \times BRNP \times BRNA, \quad (2)$$

где  $P$  – количество населения;  $BRN$  – нормальный темп рождаемости;  $BRNM$  – множитель зависимости темпа рождаемости от количества жилплощади, приходящейся на чел.;  $BRNV$  – множитель зависимости темпа рождаемости от общего количества выбросов вредных веществ;  $BRNR$  – множитель зависимости темпа рождаемости от расходов на медицину;  $BRND$  – множитель зависимости темпа рождаемости от доходов на душу населения;  $BRNP$  – множитель зависимости темпа рождаемости от среднего прожиточного минимума;  $BRNA$  – множитель зависимости темпа рождаемости от количества прерываний беременности.

Темп смертности (чел/год) будем вычислять по следующей формуле:

$$DR = P \times DRN \times DRNM \times DRNV \times DRNR \times DRND \times DRNP \times DRNA, \quad (3)$$

где учтены мультипликативные поправки, определяющие зависимость темпа смертности от тех же факторов, которые приведены для темпа рождаемости.

Для 2000 года считаем, что все мультипликативные добавки равны 1 и тогда  $BR = BRN$ .

Нормальный темп рождаемости  $BRN$  (чел/чел) 0,0089 и нормальный темп смертности  $DRN$  (чел/чел) 0,0155 определены по статистическим данным для Челябинской области на 2000 год [3].

Для определения связи между социально-экономическими показателями и демографическим положением региона были определены коэффициенты корреляции и уравнения регрессии.

Для построения матриц корреляции и уравнений регрессии использовалась аналитическая платформа Deductor Academic 5.3 [4].

На рис. 1, 2 приведены матрицы корреляции коэффициентов рождаемости и смертности с факторами  $x_1-x_7$ .

Анализ матрицы корреляции для коэффициента рождаемости показывает, что наблюдается сильная положительная связь между величиной жилплощади, расходами на

медицину и материальным положением населения, Связь между экологическим состоянием региона и количеством абортов – отрицательная.



Рис.1. Матрица корреляции для коэффициента рождаемости

Для коэффициента смертности картина обратная. Экологическое состояние региона и количество прерываний беременности увеличивает коэффициент смертности, остальные показатели его уменьшают.

Фактор  $x_4$ , связанный с потреблением алкоголя, оказывает незначительное влияние на показатели смертности и рождаемости, поэтому в дальнейшем исследовании не учитывался.



Рис.2. Матрица корреляции для коэффициента смертности

Зависимости коэффициентов рождаемости и смертности от факторов  $x_1-x_7$ , представлены регрессионными уравнениями, построенными по статистическим данным за 2000 – 2014.

Например, зависимость общего коэффициента рождаемости от расходов на медицину определяется уравнением

$$y = 9,9541 + 0,00016 x_3. \quad (4)$$

Коэффициент корреляции положительный и равен 0,896.

Мультипликативная поправка, учитывающая зависимость коэффициента рождаемости от расходов на здравоохранение, вычисляется следующим образом:

$$BRNR = 1 + BRN \times RMR / MR, \quad (5)$$

где BRN – нормальный темп рождаемости, RMR – зависимость темпа рождаемости от расходов на медицину, вычисленная по уравнению регрессии, MR – расходы на медицину по статистическим данным соответствующего года. В 2000 году расходы на медицину (MR) в Челябинской области составляли 1775,9 руб./чел. [3]. Тогда, по уравнению регрессии  $RMR=10,238244$ , и мультипликативная поправка  $BRNR=1,000051309$ .

Зависимость общего коэффициента рождаемости от величины жилплощади на душу населения определяется следующим образом:

$$y = -7,1683 + 0,8768 x_1. \quad (6)$$

Коэффициент корреляции положительный 0,981.

Мультипликативная поправка для этого показателя вычисляется по уравнению

$$BRNM=1+BRN\times RMM/RM, \quad (7)$$

где BRN –нормальный темп рождаемости, RMM – зависимость темпа рождаемости от величины жилплощади на душу населения, вычисленная по уравнению регрессии, RM – величина жилплощади на душу населения по статистическим данным соответствующего года. В 2000 году на человека в Челябинской области приходилось  $17,8 \text{ м}^2$  жилплощади [3]. Тогда по уравнению регрессии  $RMM = 9,22786$ , и мультипликативная поправка  $BRNM = 1,49346845$ .

Зависимость общего коэффициента смертности от расходов на медицину определяется уравнением

$$y = 16,1166 - 0,000085 x_3. \quad (8)$$

Коэффициент корреляции отрицательный и равен  $-0,855$ .

Мультипликативная поправка, учитывающая зависимость коэффициента смертности от расходов на здравоохранение, вычисляется следующим образом:

$$DRNR = 1 - DRN \times RMR / MR, \quad (9)$$

где DRN –нормальный темп смертности, RMR – зависимость темпа смертности от расходов на медицину, вычисленная по уравнению регрессии, MR – расходы на медицину по статистическим данным соответствующего года. В 2000 году расходы на медицину (MR) в Челябинской области составляли 1775,9 руб./чел. [3]. Тогда по уравнению регрессии  $RMR=15,9656485$ , и мультипликативная поправка  $DRNR=0,991009827$ .

Аналогично вычисляются мультипликативные поправки для остальных коэффициентов.

Модель реализована в программе AnyLogic v.8.1 с помощью потоковых диаграмм и разностных уравнений системной динамики [4] (рис. 3).

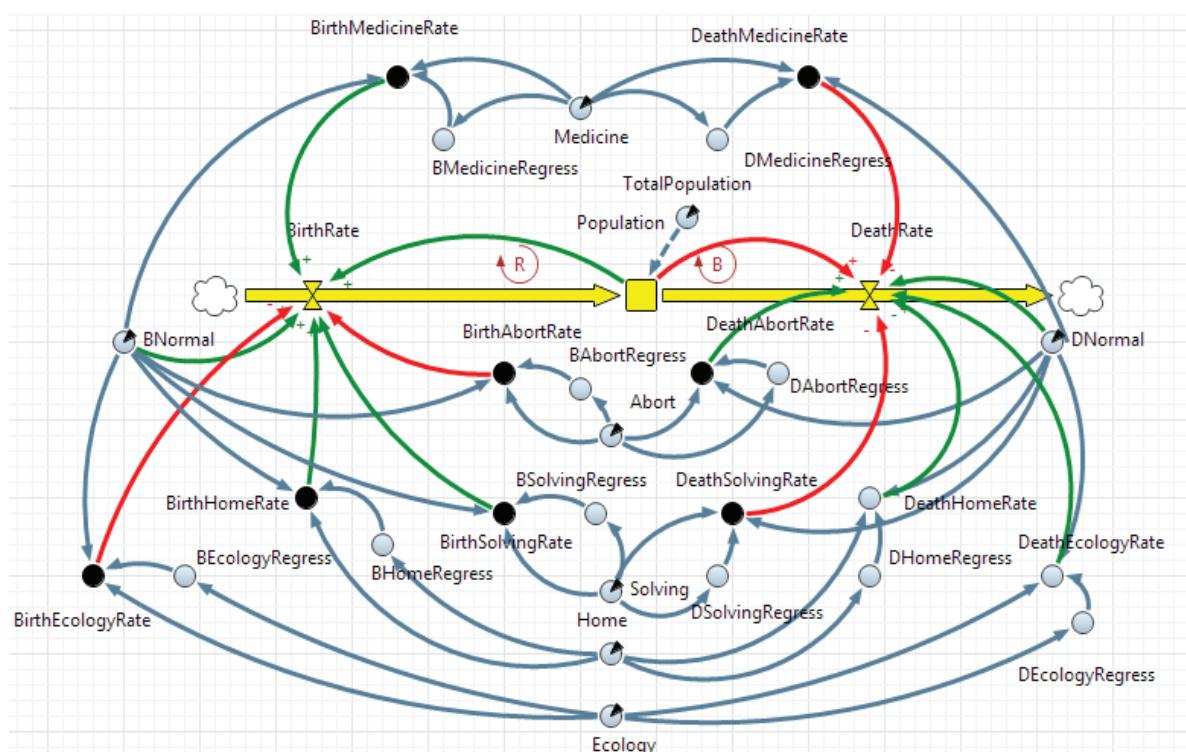


Рис. 3. Модель процесса изменения численности населения региона

Построенная модель позволяет определить степень влияния социально-экономических показателей на демографическую ситуацию региона. В частности, было выполнено прогнозирование численности населения при изменении параметра DR (темпер смертности) в диапазоне от 0,0138 до 0,013 с шагом 0,0002. Все остальные факторы соответствуют уровню 2015 года. Результаты прогнозирования представлены на рис. 4.

## Демография. Эксперимент варьирования параметров

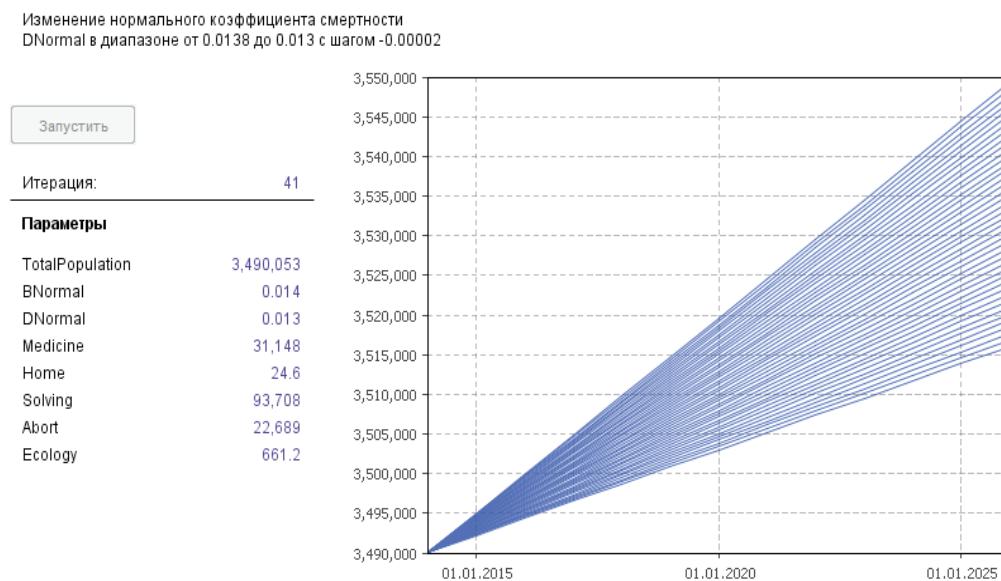


Рис. 4. Результаты моделирования при изменении темпа смертности от 0,0138 до 0,013

## Выводы

1. С помощью корреляционного анализа выявлены некоторые существенные социально-экономические факторы, оказывающие влияние на общие коэффициенты рождаемости и смертности. К ним относятся: степень обеспеченности населения жилплощадью, уровень загрязнения окружающей среды, материальный уровень жизни населения, количество прерываний беременности и величина расходов на медицинское обслуживание.

2. Построены регрессионные уравнения, определяющие степень влияния полученных факторов на общий коэффициент рождаемости и смертности.

3. С использованием метода системной динамики построена имитационная модель демографического состояния Челябинской области.

4. Показано, что уменьшение коэффициента смертности с 13,9 % до 13,0 % при неизменных прочих условиях, относящихся к 2015 г., приведет незначительному росту населения, начиная с 2019 года.

5. Разработанная имитационная модель позволяет прогнозировать численность населения с учетом социально-экономических факторов. В результате имитационного моделирования можно получить значения коэффициентов, отражающих степень влияния внешних факторов на рождаемость и смертность.

**Литература**

1. **Палей А.Г., Поллак Г.А.** Имитационное моделирование развития региона // Наука ЮУрГУ: материалы 67-й научной конференции, 2015. С. 468–475.
2. **Палей А.Г., Поллак Г.А.** Моделирование социально-экономического развития региона на примере Челябинской области // V Международная научно-практическая конференция «Социально-экономическое развитие регионов России», 2015. С. 180–185.
3. Министерство экономического развития Челябинской области. URL: <http://econom-chelreg.ru>.
4. **Паклин Н.Б., Орешков В.И.** Бизнес-аналитика: от данных к знаниям. СПб.: Питер, 2010. 148 с.
5. Официальный сайт компании AnyLogic. URL: [www.anylogic.ru](http://www.anylogic.ru)